

# **ALGEBRA LINEAL**

# **Guía de Aprendizaje – Información al estudiante**

#### **1.Datos Descriptivos**

Asignatura	Álgebra Lineal
Materia	Matemáticas
Departamento responsable	Matemática Aplicada
Créditos ECTS	6
Carácter	Básica
Titulación	Graduado/a en Ingeniería Informática por la Universidad Politécnica de Madrid
Curso	1°
Especialidad	No aplica

Curso académico	2011-2012
Semestre en que se imparte	Ambos (Septiembre a enero y febrero a junio)
Semestre principal	1º(Septiembre a enero)
Idioma en que se imparte	1º(castellano), 2º(castellano /inglés)
Página Web	www.dma.fi.upm.es





#### 2.Profesorado

NOMBRE Y APELLIDO	DESPACHO	Correo electrónico
Paloma Gómez (Coord.)	1308	mpgomez@fi.upm.es
Manuel Abellanas	1314	mabellanas@fi.upm.es
Elena Castiñeira	1311	ecastineira@fi.upm.es
Joaquín Erviti	1316	jerviti@fi.upm.es
Víctor Giménez	1311	vgimenez@fi.upm.es
Águeda Mata	1312	agueda@fi.upm.es
Francisca Martínez	1319	fmartinez@fi.upm.es

# 3. Conocimientos previos requeridos para poder seguir con normalidad la asignatura

Asignaturas superadas	•
Otros resultados de aprendizaje necesarios	•





UNIVERSIDAD POLITÉCNICA DE MADRID FACULTAD DE INFORMÁTICA Campus de Montegancedo Boadilla del Monte. 28660 Madrid

#### 4. Objetivos de Aprendizaje

COMPETENCIAS ASIGNADAS A LA ASIGNATURA Y SU NIVEL DE ADQUISICIÓN			
Código	Competencia	Nivel	
CE-3	Capacidad de elegir y usar los métodos analíticos y de modelización relevantes	3	
CE-4	Capacidad para describir una solución de forma abstracta	3	
CE-53	Capacidad de trabajar de forma efectiva como individuo y como miembro de un equipo	3	
CE-54	Capacidad de organizar su propio trabajo de forma independiente	3	

LEYENDA: Nivel de adquisición 1: Conocimiento

Nivel de adquisición 2: Comprensión Nivel de adquisición 3: Aplicación Nivel de adquisición 4: Análisis y síntesis

RESULTADOS DE APRENDIZAJE DE LA ASIGNATURA			
Código	Resultado de aprendizaje	Competen- cias asociadas	Nivel de adquisi- ción
RA1	Resolver sistemas de ecuaciones lineales. Conocer y manejar las propiedades de los espacios vectoriales y sus aplicaciones a la informática.	CE-3, CE-4, CE-53, CE-54	3
RA2	Utilizar las matrices para la representación y manejo de datos y transformaciones, así como su aplicación a la geometría del plano y del espacio. Cálculo de autovalores y autovectores y sus aplicaciones a la informática.	CE-3, CE-4, CE-53, CE-54	3
RA3	Modelar matemáticamente problemas reales y conocer las técnicas para resolverlos.	CE-3, CE-4, CE-53, CE-54	3





Campus de Montegancedo Boadilla del Monte. 28660 Madrid

RA4	Utilizar diversas técnicas para la resolución de problemas con ayuda de software matemático.	CE-3, CE-4, CE-53, CE-54	3
-----	--	-----------------------------	---

#### 5. Sistema de evaluación de la asignatura

INDICADORES DE LOGRO			
Ref	Indicador	Relaciona- do con RA	
I1	Manejar las matrices para la representación de datos y saber operar con ellas. Saber escalonar y reducir una matriz mediante operaciones elementales.	RA1	
l2	Resolver sistemas de ecuaciones lineales por el método de Gauss y de Gauss-Jordan.	RA1	
13	Manejar las propiedades elementales de los espacios vectoriales.	RA1	
14	Saber qué significa que un vector depende linealmente de otros vectores.	RA1	
15	Saber qué es un conjunto de vectores linealmente independientes.	RA1	
16	Saber relacionar coordenadas en bases diferentes.	RA1	
17	Obtener las ecuaciones paramétricas de un subespacio a partir de las ecuaciones implícitas y recíprocamente.	RA1	
18	Saber calcular sumas e intersecciones con subespacios y calcular sus bases respectivas.	RA1	
19	Manejar las propiedades del producto escalar y la distancia.	RA1	
l10	Calcular distancia entre vectores y ángulo entre vectores.	RA1	
l11	Saber construir bases ortonormales mediante el procedimiento de ortonormalización de Gram-Schmidt.	RA1	
l12	Saber calcular el complemento ortogonal a un subespacio.	RA1	
l13	Manejar las variedades afines del plano y del espacio.	RA1	
l14	Interpretar resultados de matrices en términos de aplicaciones lineales y recíprocamente.	RA2	





INDICADORES DE LOGRO			
Ref	Indicador	Relaciona- do con RA	
l15	Saber calcular el núcleo e imagen de una aplicación lineal y conocer la fórmula de las dimensiones.	RA2	
l16	Analizar si una aplicación lineal es monomorfismo, epimorfismo e isomorfismo.	RA2	
117	Saber qué efecto producen los cambios de base en las ecuaciones de la aplicación lineal.	RA2	
l18	Saber calcular autovalores y vectores propios y determinar si una matriz es diagonalizable.	RA2	
l19	Saber expresar una matriz diagonalizable como una matriz semejante a una matriz diagonal.	RA2	
120	Saber construir la matriz de la proyección ortogonal sobre un subespacio y calcular la distancia entre vector y subespacio.	RA2	
l21	Reconocer cuándo una matriz es diagonalizable ortogonalmente y conocer el proceso para hacerlo.	RA2	
122	Reconocer las aplicaciones ortogonales del plano y del espacio.	RA2	
123	Saber qué es un movimiento y construir las ecuaciones de movimientos en el plano y en el espacio.	RA2	
124	Realizar el estudio analítico de movimientos en el plano y en el espacio, clasificándolo y calculando sus elementos geométricos.	RA2	
125	Reconocer y modelar problemas o fenómenos de la realidad, de las ciencias experimentales, de la informática o de la industria que puedan resolverse o explicarse con las técnicas del Álgebra Lineal y con ayuda de software matemático.	RA3, RA4	





Campus de Montegancedo Boadilla del Monte. 28660 Madrid

EVALUACION SUMATIVA			
Breve descripción de las actividades evaluables	Momento	Lugar	Peso en la calif.
Realización de varias pruebas de respuesta larga (desarrollo) que abarcarán las distintas partes del temario de la asignatura. Se intercalarán estas pruebas largas con la realización de pruebas objetivas de tipo test o de respuestas cortas	Semanas 1 a 15	Aula	85%
Realización y entrega de ejercicios o/y prácticas propuestos y de ejercicios con software matemático (5 horas)	Semanas 1 a 15	Aula y Sala de ordenadores	15%
Total: 100%			

#### **CRITERIOS DE CALIFICACIÓN**

Todas las actividades evaluables especificadas en la tabla del apartado anterior (evaluación sumativa) son de carácter obligatorio. La nota de la asignatura se calcula según los pesos fijados en dicha tabla. Se considera superada la asignatura con una nota mayor o igual a 5 sobre 10.

Las fechas de publicación de notas y revisión se notificarán en el momento de la correspondiente prueba.

.Las fechas y turnos concretos para la realización de los ejercicios con software matemático se publicarán en el Aula Virtual o en la página web de cada grupo.

Se realizarán pruebas objetivas y entregas de ejercicios o/y prácticas.

En la convocatoria extraordinaria de Julio se realizará un único examen de toda la asignatura.





Campus de Montegancedo Boadilla del Monte. 28660 Madrid

#### 6. Contenidos y Actividades de Aprendizaje

Bloque / Tema / Capítulo	Apartado	Indicadores Relaciona-dos
	1.1 Cálculo matricial. Operaciones elementales de fila. Forma reducida. Rango.	I1
	1.2 Resolución de sistemas por el método de Gauss y Gauss-Jordan	l2
Tema 1: Sistemas de	1.3 Espacios vectoriales y subespacios	13
ecuaciones lineales y espacios vectoriales	1.4 Dependencia lineal. Bases. Dimensión. Coordenadas	14, 15, 16
	1.5 Ecuaciones paramétricas e implícitas de un subespacio.	17
	1.6 Suma, intersección y suma directa de subespacios.	18
	1.7 Aplicación a la teoría de códigos lineales	l25
	2.1 Aplicaciones lineales. Núcleo e imagen. Fórmula de las dimensiones	l14, l15
	2.2 Tipos de homomorfismos	I16
Tema 2: Aplicaciones lineales. Diagonalización	2.3 Cambio de base asociado a un homomorfismo	l17
announces z rage num <u>-</u> ueron	2.4 Valores y vectores propios.	l18
	2.5 Subespacios propios. Caracterización de las matrices diagonalizables	I18, I19
	3.1 Producto escalar. Distancia y ángulo entre vectores	I10
Tema 3: Espacio vectorial euclídeo. Aplicaciones	3.2 Bases ortogonales. Procedimiento de ortonormalización de Gram-Schmidt	l11
ortogonales	3.3 Complemento ortogonal	l12
	3.4 Proyección ortogonal. Distancia entre vector y subespacio	I20





Campus de Montegancedo Boadilla del Monte. 28660 Madrid

	3.5 Diagonalización ortogonal	l21
	3.6 Aplicaciones ortogonales	l22
Tema 4: Movimientos del plano y del espacio	4.1 Variedades afines del plano y del espacio	l13
	4.2 Aplicaciones afines y movimientos	l23
	4.3 Construcción de movimientos en el plano y estudio analítico	123, 124
	4.4 Construcción de movimientos en el espacio y estudio analítico.	l23, l24

# 7. Breve descripción de las modalidades organizativas utilizadas y de los métodos de enseñanza empleados

Tabla 7. Modelidades organizativas de la enseñanza							
MODALIDADES ORGANIZATIVAS DE LA ENSEÑANZA							
Escenario Modalidad Finalidad							
	Clases Teóricas	Hablar a los estudiantes					
	Seminarios-Talleres	Construir conocimiento a través de la interacción y la actividad de los estudiantes					
85 \$ 6 \$ 49 8	Clases Prácticas	Mostrar a los estudiantes cómo deben actuar					
	Prácticas Externas	Completar la formación de los alumnos en un contexto profesional					
	Tutorías	Atención personalizada a los estudiantes					
525	Trabajo en grupo	Hacer que los estudiantes aprendan entre ellos					
	Trabajo autónomo	Desarrollar la capacidad de autoaprendizaje					









Campus de Montegancedo Boadilla del Monte. 28660 Madrid

	itodos		

Tabla 9. Métodos de enseñanza								
MÉTODOS DE ENSEÑANZA								
	Método Finalidad							
<b></b>	Método Expositivo/Lección Magistral	Transmitir conocimientos y activar procesos cognitivos en el estudiante						
••••	Estudio de Casos	Adquisición de aprendizajes mediante el análisis de casos reales o simulados						
	Resolución de Ejercicios y Problemas	Ejercitar, ensayar y poner en práctica los conocimientos previos						
<b>□</b> →	Aprendizaje Basado en Problemas (ABP)	Desarrollar aprendizajes activos a través de la resolución de problemas						
	Aprendizaje orientado a Proyectos	Realización de un proyecto para la resolución de un problema, aplicando habilidades y conocimientos adquiridos						
$\times\!$	Aprendizaje Cooperativo	Desarrollar aprendizajes activos y significativos de forma cooperativa						
$\rightarrow$	Contrato de Aprendizaje	Desarrollar el aprendizaje autónomo						

Se conoce como método expositivo "la presentación de un tema lógicamente estructurado con la finalidad de facilitar información organizada siguiendo criterios adecuados a la finalidad pretendida". Esta metodología -también conocida como lección (lecture)- se centra fundamentalmente en la exposición verbal por parte del profesor de los contenidos sobre la materia objeto de estudio. El término "lección magistral" se suele utilizar para denominar un tipo específico de lección impartida por un profesor en ocasiones especiales.

Análisis intensivo y completo de un hecho, problema o suceso real con la finalidad de conocerlo, interpretarlo, resolverlo, generar hipótesis, contrastar datos, reflexionar, completar conocimientos, diagnosticarlo y, en ocasiones, entrenarse en los posibles procedimientos alternativos de solución.

Situaciones en las que se solicita a los estudiantes que desarrollen las soluciones adecuadas o correctas mediante la ejercitación de rutinas, la aplicación de fórmulas o algoritmos, la aplicación de procedimientos de transformación de la información disponible y la interpretación de los resultados. Se suele utilizar como complemento de la lección magistral.

Método de enseñanza-aprendizaje cuyo punto de partida es un problema que, diseñado por el profesor, el estudiante ha de resolver para desarrollar determinadas competencias previamente definidas.

Método de enseñanza-aprendizaje en el que los estudiantes llevan a cabo la realización de un proyecto en un tiempo determinado para resolver un problema o abordar una tarea mediante la planificación, diseño y realización de una serie de actividades, y todo ello a partir del desarrollo y aplicación de aprendizajes adquiridos y del uso efectivo de recursos.

Enfoque interactivo de organización del trabajo en el aula en el cual los alumnos son responsables de su aprendizaje y del de sus compañeros en una estrategia de corresponsabilidad para alcanzar metas e incentivos grupales.

Es tanto un método, a utilizar entre otros, como un enfoque global de la enseñanza, una filosofía.

Un acuerdo establecido entre el profesor y el estudiante para la consecución de unos aprendizajes a través de una propuesta de trabajo autónomo, con una supervisión por parte del profesor y durante un período determinado. En el contrato de aprendizaje es básico un acuerdo formalizado, una relación de contraprestación recíproca, una implicación personal y un marco temporal de ejecución.





BREVE DESCRIPCIÓN DE LAS MODALIDADES ORGANIZATIVAS UTILIZADAS Y METODOS DE ENSEÑANZA EMPLEADOS					
CLASES DE TEORIA	Método expositivo				
CLASES DE PROBLEMAS	Resolución de ejercicios y problemas. Aprendizaje basado en problemas				
SEMINARIOS- TALLERES	Estudio de casos				
PRÁCTICAS	Estudio de casos. Aprendizaje basado en problemas				
TRABAJOS AUTONOMOS	Aprendizaje basado en problemas				
TUTORÍAS					





Campus de Montegancedo Boadilla del Monte. 28660 Madrid

#### 8. Recursos didácticos

	RECURSOS DIDÁCTICOS
	E. Hernández, Álgebra y Geometría, Addison-Wesley Iberoamericana, 1989.
	D. C. Lay, Álgebra Lineal y sus aplicaciones, Pearson,1999.
	C. Alsina y E. Trillas, Lecciones de Álgebra y Geometría, GG, 1984.
BIBLIOGRAFÍA	J. de Burgos, Álgebra Lineal y Geometría Cartesiana, 3ª Edición, McGraw-Hill 2006.
	M. Castellet e I. Llerena, Álgebra y Geometría, Reverté, 1994.
	J. Flaquer, Ja. Olaizaba y Ju. Olaizaba, Curso de Álgebra Lineal, EUNSA, 1996.
	J.B. Fraleigh y R.A. Beauregard, Álgebra Lineal, Addison- Wesley Iberoamericana, 1989.
	G. Nakos y D. Joyner, Álgebra Lineal con aplicaciones, Thomson Editores,1999.
	G. Strang, Algebra lineal y sus aplicaciones, Thomson Paraninfo, 2007.





	J. Efferon, Linear Algebra, 2008 ftp://joshua.smcvt.edu/pub/hefferon/book/book.pdf  J. Khoury, Applications of Linear Algebra (Universidad de Ottawa) (http://aix1.uottawa.ca/~jkhoury/app.htm)
	C. D. Meyer, Matrix Analysis and Applied Linear Algebra, SIAM, 2000 (http://www.matrixanalysis.com/DownloadChapters.html)
	Página web de la asignatura (http://www.dma.fi.upm.es/docencia/grado/2009-2010/alglineal/)
RECURSOS WEB	Sitio Moodle de la asignatura (http:// https://web3.fi.upm.es/AulaVirtual/course/)
	Curso de Álgebra Lineal en inglés impartido por G. Strang en Video Conferencia: <a href="http://ocw.mit.edu/OcwWeb/Mathematics/">http://ocw.mit.edu/OcwWeb/Mathematics/</a>
	18-06Spring-2005/VideoLectures/index.htm
	Laboratorio
EQUIPAMIENTO	Aula XXXX
	Sala de trabajo en grupo





Campus de Montegancedo Boadilla del Monte. 28660 Madrid

# 9. Cronograma de trabajo de la asignatura

Semana	Actividades en Aula	Actividades en Laboratorio	Trabajo Individual	Trabajo en Grupo	Actividades de Evaluación	Otros
Semana 1 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 1 (6 horas)	Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)	Estudio y resolución de ejercicios propuestos del Tema 1 (5 horas)	• ( horas)	• ( horas)	•
Semana 2 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 1 (6 horas)	<ul> <li>Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)</li> </ul>	Estudio y resolución de ejercicios propuestos del Tema 1 (5 horas)	• ( horas)	• ( horas)	•
Semana 3 (11 horas)	<ul> <li>Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 1 (6 horas)</li> </ul>	<ul> <li>Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)</li> </ul>	Estudio y resolución de ejercicios propuestos del Tema 1 (5 horas)	• ( horas)	• ( horas)	•
Semana 4 (11 horas)	<ul> <li>Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 1 (6 horas)</li> </ul>	<ul> <li>Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)</li> </ul>	Estudio y resolución de ejercicios propuestos del Tema 1 (5 horas)	• ( horas)	• ( horas)	•
Semana 5 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 1 (6 horas)	•	<ul> <li>Estudio y resolución de ejercicios propuestos del Tema 1 (5 horas)</li> </ul>	•	Realización de una prueba de respuesta larga (desarrollo) que abarcará la primera parte del temario de la asignatura (1 hora)	•





Semana 6 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 1 (6 horas)	Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)	•	•	•	•
Semana 7 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 2-3 (6 horas)	Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)	Estudio y resolución de ejercicios propuestos de los Temas 2-3 (5 horas)	•	•	•
Semana 8 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios de los Tema 2-3 (6 horas)	Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)	Estudio y resolución de ejercicios propuestos de los Temas 2-3 (5 horas)	•	•	•
Semana 9 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios de Temas 2-3 (6 horas)	Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)	Estudio y resolución de ejercicios propuestos de los Temas 2-3 (5 horas)	•	•	• Tutoría aula (0,5 horas)
Semana 10 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios de Temas 2-3 (6 horas)	•	Estudio y resolución de ejercicios propuestos de los Temas 2-3 (5 horas)	•	<ul> <li>Realización de una prueba de respuesta larga (desarrollo) que abarcará la segunda parte del temario de la asignatura (1 hora)</li> </ul>	•
Semana 11 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 4 (6 horas)	Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)	Estudio y resolución de ejercicios propuestos del Tema 4 (5 horas)	•	•	•





Campus de Montegancedo Boadilla del Monte. 28660 Madrid

Semana 12 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 4 (6 horas)	Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)	Estudio y resolución de ejercicios propuestos del Tema 4 (5 horas)	•	•	•
Semana 13 (11 horas)	<ul> <li>Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 4 (6 horas)</li> </ul>	<ul> <li>Realización de ejercicios con software matemático (2 horas)</li> </ul>	•	•	•	•
Semana 14 (11 horas)	Explicación de contenidos teóricos y resolución de ejercicios del Tema 4 (6 horas)	•	Estudio y resolución de ejercicios propuestos del Tema 4 (5 horas)	•	<ul> <li>Realización de una prueba de respuesta larga (desarrollo) que abarcará la tercera parte del temario de la asignatura (1 hora)</li> </ul>	•
Semana 15	•	•	•		•	•
	74 horas (se restan 5 horas de laboratorio por cada grupo A/B; están incluidas las 5 horas de pruebas de evaluación)	5 horas en total (se realizarán dentro de las semanas reseñadas)	• 60 horas	• 10 horas	5 horas=3,5 +1,5     (1, 5 horas es el tiempo de pruebas objetivas de la Semana 1 a la 14	• 0,5 horas Tutoría

Nota: Para cada actividad se especifica la dedicación en horas que implica para el alumno.



